



10. Übung zur Vorlesung „Informatik I“

Abgabe am Freitag, 16. Januar, 14.00 Uhr

Hinweis: Die Übungen beginnen ab dem 12. Januar 2009. Die Vorlesung findet bereits ab dem 9. Januar 2009 wieder statt.

Hinweis: Ab dieser Serie müssen Sie in DrScheme den Sprachlevel *Advanced Student* einstellen, um Zuweisungen und Prozeduren ohne Parameter verwenden zu können.

Präsenzaufgabe 1

In der Vorlesung wurde das Umgebungsmodell zur Formalisierung lokaler Definitionen vorgestellt. Zeichnen Sie die Umgebungen, Bindungen und Prozeduren, die bei der Auswertung von

```
(define (setfirst! l x)
  (local ((define y (first l))) (set! y x)))
```

```
(define (one23)
  (local ((define l (list 1 2 3)))
    (begin (setfirst! l 4) l)))
```

entstehen. Erweitern Sie das Diagramm um die Objekte, die durch die Auswertung von `(one23)` entstehen. Was ist der Rückgabewert dieses Aufrufs?

Aufgabe 2

6 Punkte

Eine Funktion f heißt *universelle Faltung*, falls es Werte h und e gibt, so dass gilt:

$$(f \text{ empty}) = e$$
$$(f (\text{cons } x \text{ xs})) = (h \ x \ (f \text{ xs}))$$

Zeigen Sie, dass es zu gegebenen Werten¹ h und e genau eine universelle Faltung gibt.

(a) *Existenz:* Definieren Sie eine Scheme-Funktion `(unifalt h e l)`, so dass

```
(define (f l) (unifalt h e l))
```

für alle Werte h und e eine universelle Faltung ist.

(b) *Eindeutigkeit:* Zeigen Sie per struktureller Induktion nach l , dass für zwei universelle Faltungen f und g (zu gegebenen Werten h und e) für alle Listen l gilt: $(f \ l) = (g \ l)$.

¹ h muss eine zweistellige Funktion sein

Aufgabe 3 (Programmieraufgabe)

6 Punkte

Definieren Sie einen Datentyp für Paare und eine Funktion `unzip`, die eine Liste von Paaren in ein Paar von Listen umwandelt. Zum Beispiel soll der Aufruf

```
(unzip (list (make-paar 1 2) (make-paar 3 4) (make-paar 5 6)))
```

zu

```
(make-paar (list 1 3 5) (list 2 4 6))
```

ausgewertet werden. Geben Sie eine Implementierung mit linearer Laufzeit an!

Aufgabe 4 (Programmieraufgabe)

8 Punkte

In dieser Aufgabe sollen Sie die Technik der *Nachrichtenweitergabe* anwenden um ein Feld variabler Größe zu implementieren. Ein Feld speichert beliebige Elemente an von 1 an aufwärts nummerierten Positionen und soll vier Operationen zur Verfügung stellen:

- `(size field)` soll die aktuelle Größe des Feldes `field` zurückliefern.
- `(get field n)` soll das `n`-te Element des Feldes `field` zurückliefern (und einen Fehler liefern, wenn `n` größer ist als die aktuelle Größe des Feldes).
- `(set field n x)` soll das Feld `field` so verändern, dass an Position `n` das Element `x` steht und alle anderen Positionen unverändert bleiben. Auch diese Funktion soll einen Fehler liefern, wenn `n` größer ist als die aktuelle Größe des Feldes.
- `(grow field n)` soll das Feld `field` um `n` Elemente, die mit `void` initialisiert werden, erweitern.

Definieren Sie eine Funktion `(konstr-field n)`, die ein `n`-elementiges Feld zurückgibt, das als internen Zustand zum Beispiel eine Liste speichert, deren Elemente mit `void` initialisiert werden.

